**文章编号:**1001-1595(2011)06-0679-05

## 数字天顶摄像仪中 CCD 星像亚像素定位的改进二维矩方法

郭金运<sup>1, 2, 3</sup>, 宋来勇<sup>1, 2</sup>, 刘 新<sup>1, 2</sup>, 卢秀山<sup>1, 2</sup>, 阳凡林<sup>1, 2</sup>

1. 山东科技大学 测绘学院,山东 青岛 266510; 2. 海岛(礁)测绘技术国家测绘地理信息局重点实验室,山东 青岛 266510; 3. 中国科学院 国家天文台,北京 100012

# Improved Two-dimensional Moment Method of Positioning Sub-pixel of CCD Star Image from Digital Zenith Camera

GUO Jinyun  $^{1,\ 2,\ 3}$  , SONG Laiyong  $^{1,\ 2}$  , LIU Xin $^{1,\ 2}$  , LU Xiushan  $^{1,\ 2}$  , YANG Fanlin $^{1,\ 2}$ 

1. College of Geodesy and Geomatics, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 2. Key Laboratory of Surveying and Mapping Technology on Island and Reef, National Administration of Surveying, Mapping and Geoinformation, Qingdao 266510, China; 3. National Astronomical Observatories, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100012, China

Abstract: Precise star-centroid determination of digital star image screened with CCD is important to estimate the precise astronomical location of observing station in the surveying of vertical deflection based on GPS and CCD techniques with the astro-geodetic method. The sub-pixel center of CCD star image should precisely be positioned to improve the precision of station astronomical latitude and longitude with the digital zenith camera. A program is developed with MATLAB to read CCD image in FITS format. Star images with different magnitudes can automatically be found with an adaptive rectangle template model. Based on the analysis of CCD star image, the two-dimensional moment method is improved to process real CCD star images. The threshold value selected in the moment method in common use can seriously affect the positioning precisions of star images with different brightness. So an iterative method, the improved two-dimensional moment method is of more efficiency, precision and reliability. More precise positioning results for dark stars are acquired with the improved method and the positioning precision for dark stars is up to  $0.1 \sim 0.15$  pixel.

Key words: CCD star image; sub-pixel positioning; automatic investigation; two-dimensional moment method; threshold

摘 要:在利用数字天顶摄像仪通过天文测量确定天文垂线偏差的工作中,要求对 CCD 数字图像中星像中心进行亚像 素定位。利用 MATLAB 实现对 FITS 格式 CCD 天文图像的正确读取,利用矩形模板实现不同亮度星像的自动搜索。在 已有亚像素定位的修正矩方法基础上,提出利用迭代法寻求合适门限对二维修正矩方法进行改进。利用 MATLAB 实现 对实测 CCD 星像数据的处理与分析,探讨门限的取值对不同星等恒星定位精度的影响,给出门限的最佳取值。通过与 已有修正矩算法处理结果比较分析,在修正矩方法计算基础上改进计算区域后再用迭代法计算,暗星定位精度可 达0.1~0.15 像素。

关键词:CCD 星像; 亚像素定位; 自动搜索; 二维矩方法; 门限

中图分类号:P123 文献标识码:A

基金项目:国家自然科学基金(40974004;40974016);国际科技合作计划(2009DFB00130);国家 863 计划(2009AA121405);海 岛(礁)测绘技术国家测绘地理信息局重点实验室基金(2009A02);山东科技大学科研创新团队支持计划

1 引 言

垂线偏差是铅垂线与参考方向之间的夹角, 反映大地水准面相对于地球椭球的倾斜程度,在 大地测量归算、地球重力场和大地水准面精化等 方面具有重要应用<sup>[1-2]</sup>。数字天顶摄像仪集成 CCD/GPS<sup>[3]</sup>,利用 CCD 对测站天顶恒星进行照 相,通过星像处理,计算铅垂线天文坐标,利用 GPS 获得大地坐标<sup>[4]</sup>,根据天文大地测量原理, 就可以测量高精度的垂线偏差。

目前将 CCD 数字摄影技术应用于天文测量, 是当前国内外在天文定位方面的一个重要发展。 利用装有 CCD 芯片的天顶摄影仪获得天顶天区 恒星图像<sup>[5]</sup>,通过对图像进行处理,自动获得恒星 位置,进行快速精确亚像素定位,这在天文大地测 量中具有重要的应用价值。 利用数字天顶摄像仪测量高精度垂线偏差的 关键之一就是进行恒星成像的亚像素级精确定 位。如果 CCD 星像定位精度达到 0.2 像素,则垂 线偏差测量精度控制在 0.2"内。国际上现阶段 已经提出了一些数值定心算法,如 Gauss 拟合 法<sup>[6-7]</sup>、一维矩方法<sup>[8-10]</sup>、二维矩方法<sup>[8,11-12]</sup>、中值 法、寻导法等,通过对几种算法定位精度及时效性 等方面比较分析,二维修正矩法、二维 Gauss 拟 合法定位精度标准差较小,定位精度较高,较为实 用<sup>[9,11-14]</sup>。但这些算法对暗星特别是相距比较近 的暗星而言定位精度及稳定性仍不理想。为进一 步提高暗星定位精度,本文提出一种新的修正矩 算法,并与以往修正矩法作比较分析。试验表明, 在以往修正矩方法计算基础上改进计算区域后再 用迭代法计算,暗星定位精度有很大提高。

# 基于 MATLAB 的 FITS 格式 CCD 星像 读取

FITS (flexible image transport system)<sup>[15-17]</sup> 是国际天文学会(IAU)于 1982 年确定的世界各 天文台之间用于数据存储、传输、交换的统一标准 格式,也是天文大地测量中 CCD 星像的标准格 式。FITS 文件包含整数条逻辑纪录,每个记录 以标题记录开始,一个 FITS 文件的逻辑记录长 度为 23 040 bits,标题和图像数据都在一个新的 逻辑记录里。FITS 文件包含三个元素:主文件 头、主数据单元(HDU)、扩展(extention)和特殊 记录(special record),扩展是可选项,它体现了 FITS 的灵活性与可扩展性。在 Windows 操作系 统上也有一些专业软件工具可以对 FITS 图像的 文件头和数据进行查看、编辑以及格式转换,在此 选用的是美国 NASA 开发的 FV 软件对 FITS 图 像读取作比较。

利用 MATLAB 编程实现 FITS 格式的 CCD 星像读取,并与 FV 读取结果进行比较。利用 MATLAB对 FITS 格式星像读取主要包括文件 头信息和图像数据信息的读取转换,把图像数据 转化为 MATLAB 支持的矩阵形式。利用本文程 序对实际 CCD 星像进行处理,结果见图 1。为编写 本文的 MATLAB 程序,利用 FV 对同一幅 FITS 格式的 CCD 星像进行处理,如图 2 所示。比较图 1 和图 2,通过对两图像中星像及各个像素的灰度值 进行比较分析,两个输出图像是一致的,利用 MATLAB 对 FITS 格式 CCD 星像进行读取结果是 正确的,FITS 有效信息屏蔽损失较少,适合进行更 加深入的研究分析。图像灰度数据以矩阵的形式 读取,方便进行矩阵、数组、矢量、集合逻辑运算,提 高星像自动搜索与定位程序计算效率<sup>[18]</sup>。



图 1 基于 MATLAB 程序读取的 CCD 星像 Fig. 1 CCD star image read with MATLAB program



图 2 基于 FV 读取的 CCD 星像 Fig. 2 CCD star image read with FV

#### 3 星像自动搜索

对天体测量 CCD 观测而言,采用长曝光模式 的星像灰度分布可以用 Gauss 函数表示

$$G(x,y) = B + H \exp\left[-\frac{(x-x_0)^2 + (y-y_0)^2}{2R^2}\right]$$
(1)

式中,B为背景灰度;H为 Gauss 函数峰值;R为 Gauss 函数标准差,其边缘分布为一维高斯分布, 使得星像为大致圆形。据此构造矩形模板寻找各 个星像亮度作用的圆形区域。

构造 $(2n+1) \times (2n+1)$ 矩形模板如图 3, O 点模板的中心像素点,A、B、C、D 分别为矩形 四个顶点像素点,通过设定 O、A、B、C、D 点灰度 值大小限制及A、B、C、D 间灰度值差限限制来判 定矩形 ABCD 内是否含有符合该模板大小的星 像。若判定 O 点含有符合该矩形的星像,则以 O为圆心,OA 长度  $r=\sqrt{2}(n+1)$ 为半径的圆作为该 星像定位的计算区域。同时以圆心为 O,半径为 2r和半径为 r 间圆环区域作为该星像的背景灰度及



图 3  $(2n+1) \times (2n+1)$ 像素模板示意 Fig. 3 A template with  $(2n+1) \times (2n+1)$  pixels

### 4 算法介绍

二维矩方法是处理 CCD 星像常用的方法,本 文用迭代法求门限 T 值来修正二维矩方法,并与 文献[8]的修正矩方法作对比。对恒星星像定位 精度作比较,特别是暗星定位精度。

矩方法利用二阶矩确定星像的重心,并把星 像的重心作为星像的中心,其基本公式为

$$x_{0} = \frac{\sum \sum x_{i}(g(x_{i}, y_{j}) - B)}{\sum \sum (g(x_{i}, y_{j}) - B)}$$
(2)

$$y_{0} = \frac{\sum \sum y_{i}(g(x_{i}, y_{j}) - B)}{\sum \sum (g(x_{i}, y_{j}) - B)}$$
(3)

式中,g(x<sub>i</sub>,y<sub>j</sub>)为 CCD 影像坐标(x<sub>i</sub>,y<sub>j</sub>)处的灰 度值;B 为影像平均背景灰度。这种方法对背景 灰度极为敏感,因为位置偏离星像中心各点在求 解中是以它的距离为权进行的。

为了克服矩方法的缺点,文献[8—9]对矩方 法进行修正,令

$$G(x_i, y_j) = \begin{cases} g(x_i, y_j) - T, g(x_i, y_j) \geqslant T\\ 0, g(x_i, y_j) \leqslant T \end{cases}$$
(4)

式中, $T=B+m\sigma,\sigma$ 为背景灰度标准差,m为实数 (一般为 3)。星像中心为

$$x_0 = \frac{\sum \sum x_i G(x_i, y_j)}{\sum \sum G(x_i, y_j)}$$
(5)

$$y_0 = \frac{\sum \sum y_i G(x_i, y_j)}{\sum \sum G(x_i, y_j)}$$
(6)

当星像很暗时,星像中心的灰度值很小,很难 利用背景灰度 *B* 和背景灰度标准差σ确定合适 的门限 *T*,使用这种门限的修正方法定位效果也 很不理想。 本文提出使用迭代法对门限取值进行修正, 算法如下:

(1) CCD 星像经过滤波噪声消除后,图像中 最大、最小灰度值分别为 g<sub>max</sub>、g<sub>min</sub>,令

$$T^{0} = \frac{g_{\max} + g_{\min}}{2} \tag{7}$$

(2) 
$$\mathfrak{P}_{g_{k+1}(x_i, y_j)} = \begin{cases} g_k(x_i, y_j) - T^k, g(x_i, y_j) > T^k \\ 0, g(x_i, y_j) \leqslant T^k \end{cases}$$
(8)

即根据门限  $T^{k}$  将 CCD 影像分为背景图像和目标 图像,其中背景图像灰度值均为 0,目标图像位置  $(x_{i}, y_{j})$ 处灰度值  $g_{k+1}(x_{i}, y_{j}) > 0$ 。目标图像的 平均灰度值为

$$g_{k+1} = \frac{\sum_{g_k(x_i, y_j) > T^k} (g_k(x_i, y_j) - T^k)}{\sum_{g_k(x_i, y_j) > T^k} 1}$$
(9)

令 
$$T^{k+1} = \frac{g_{k+1}}{2}$$
,即

$$T^{k+1} = \frac{\sum_{g_k(x_i, y_j) > T^k} (g_k(x_i, y_j) - T^k)}{\sum 2}$$
(10)

(3) 给定一正数 
$$\delta, 若 | T^k - T^{k+1} | < \delta, 则迭$$
  
代终止,最优门限  $T = T^k + B$  (11)

否则,令
$$T^{k} = T^{k+1}$$
,转到第二步继续迭代。

(4) CCD 星像中心为

$$x_{0} = \frac{\sum \sum x_{i}(g(x_{i}, y_{j}) - T)}{\sum \sum (g(x_{i}, y_{j}) - T)}$$
(12)

$$y_{0} = \frac{\sum \sum y_{i}(g(x_{i}, y_{j}) - T)}{\sum \sum (g(x_{i}, y_{j}) - T)}$$
(13)

### 5 数据处理与结果分析

利用 MATLAB 对改进后的二维矩方法进行 编程,对 FITS 格式的 CCD 星像处理,实现星像 亚像素精确定位,具体图像处理流程如图 4 所示。

在曝光时间不变,滤光片类型一定的情况下, 星像的星等与星像灰度和的对数呈线性关系 m=2.512log<sub>10</sub> ( $\frac{G_0}{G}$ ),其中  $G_0$  为零等星的灰度和,m是灰度和为G 的星像的星等值<sup>[19-20]</sup>。

图 5 利用五幅同一天区连续观测图像的自动 搜索定位结果比较不同亮度星像定位精度标准差 (STD)。图 5(a)、(b)中横轴为星像灰度和的对





图 4 CCD 图像处理流程

Fig. 4 CCD star image processing flow



图 5 定心算法改进前后定位精度比较



表 1 为从图像选取 10 颗不同亮度的星像分 别利用原修正矩方法和迭代确定门限 *T* 的修正 矩方法计算的定心结果。

对图 1 中比较亮的星像  $1\sim5$  而言,两方法的 精度都比较高,标准差大致在 0.1 个像素内,计算 结果可靠。但对比较暗的星像  $6\sim10$ ,原修正矩 方法计算精度很不理想,在 0.5 $\sim$ 0.9 像素左右。 这主要是由于对暗星而言,当 n 不为零时,在门限 之上可供计算的像素点大大减少,一些本属于星 像灰度作用区域的像素点被排斥在计算区域之 外,从而影响计算精度。当 *n*=0 时,直接利用背 景灰度作门限值,星像对背景灰度非常敏感,精度 极不稳定。在以往修正矩方法计算基础上,对计 算区域进行精化,用迭代法改进门限 *T*,星像定位 精度得到很大改善,精度标准差控制在0.1~0.15 像素,对垂线偏差的测量误差影响控制在0.1″内。

#### 表1 CCD 星像的亚像素定位结果

Tab. 1 Sub-pixel positioning results of CCD star image

星像	坐标	原修正矩方法		迭代确定门限的矩方法	
		坐标	STD	坐标	STD
1	$\mathbf{x}_0$	29.049(n=5)	0.0471	29.115	0.0524
	<b>y</b> <sub>0</sub>	934.131(n=5)	0.0734	934.106	0.0675
2	$\mathbf{X}_0$	362.002(n=3)	0.0491	361.532	0.0612
	<b>y</b> 0	445.672(n=3)	0.0508	445.879	0.0435
3	$\mathbf{x}_0$	966.416(n=3)	0.0791	967	0.0631
	<b>y</b> 0	671.969(n=3)	0.0642	671	0.0782
4	$\mathbf{x}_0$	542.706(n=1)	0.1131	542.582	0.0714
	$\mathbf{y}_0$	697.399(n=1)	0.0759	697.087	0.0982
5	$\mathbf{x}_0$	410.923(n=1)	0.0697	410.891	0.0841
	<b>y</b> 0	91.012(n=1)	0.1068	90.972	0.1039
6	$\mathbf{x}_0$	258.732(n=0)	0.6814	259.036	0.1287
	<b>y</b> 0	124.746(n=0)	0.5369	124.881	0.1319
7	$\mathbf{X}_0$	515.317(n=0)	0.4392	514.818	0.0914
	<b>y</b> 0	919.028(n=0)	0.6711	918.763	0.1288
8	$\mathbf{x}_0$	749.986(n=0)	0.8540	749.942	0.0651
	<b>y</b> 0	149.919(n=0)	0.7523	148.659	0.2114
9	$\mathbf{x}_0$	715.629(n=0)	0.2691	715.689	0.0726
	<b>y</b> 0	656.753(n=0)	0.2874	656.567	0.0934
10	$\mathbf{X}_0$	931.938(n=0)	0.7934	932.320	0.1352
	$\mathbf{y}_0$	365.738(n=0)	0.6420	366.066	0.124 9

图 6 给出了图 1 中星像 6 及其领域。星像 6 的附近有一更暗星像。当把其纳入计算范围时, 其严重影响星像定位结果计算精度。在本文中通 过自动搜索过程中搜索模板的条件限制,在很大 程度上可以避免相邻较近的星像相互干扰,实现 正确计算区域的选取,再通过门限值 *T* 的迭代改 进选取,暗星定位精度得到很大提高。



#### 6 结 论

选取正确的门限 *T* 是 CCD 精确定心的关键。试验表明,利用迭代法求门限 *T* 的方法与以 往修正矩方法相比,对亮星定心精度和大致相同, 精度均比较高。对暗星处理的定心精度得到很大 改善,暗星亚像素定位精度能控制在 0.1~0.15 像素内,满足数字天顶摄影仪高精度测量垂线偏 差的需要。

### 参考文献:

- [1] CHEN Junyong, LI Jiancheng, NING Jinsheng, et al. On a Chinese New Quasi Geoid [J]. Acta Geodaetica et Cartographica Sinica, 2002, 31(sup):1-6. (陈俊勇,李建成,宁津生,等. 中 国似大地水准面[J]. 测绘学报,2002,31(sup):1-6.)
- [2] LI Jiancheng, NING Jinsheng, CHEN Junyong, et al. Geoid Determination in China Sea Areas [J]. Acta Geodaetica et Cartographica Sinica, 2003, 32(2):114-119. (李建成,宁津生,陈俊勇,等. 中国海域大地水准面和重力 异常的确定[J]. 测绘学报,2003,32(2):114-119.)
- [3] HIRT C. Automatic Determination of Vertical Deflections in Real-time by Combining GPS and Digital Zenith Camera for Solving the GPS-height-problem [C] // Proceedings of 14th International Technical Meeting of the Institute of Navigation. Alexandria: [s. n. ], 2001; 540-2551.
- [4] GUO Jinyun, SUN Jialong, JU Xiaolei, et al. Solution of Ambiguity and Cycle Slip for Satellite-borne GPS Phase Data with Wide-lane/Narrow-lane Method [J]. Science of Surveying and Mapping, 2009, 34(6):89-91. (郭金运,孙佳 龙,鞠晓蕾,等. 基于宽巷/窄巷法的星载 GPS 相位数据的模 糊度解算和周跳探测[J]. 测绘科学,2009, 34(6):89-91.)
- [5] HIRT C, SEEBER G. Astrogeodätische Lotabweichungsbestimmung mit dem Digitalen Zenitkamerasystem TZK2-D
   [J]. ZFV, 2002, 127: 388-396.
- [6] AUER L H. The Stellar Atmospheres Problem [J]. Journal of Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 1971, 11(6):573-587.
- [7] VAN ALTENA W F, AUER L H. Digital Image Centering [C]//Image Processing Techniques in Astronomy. Dordrecht: Astrophysica and Space Science Library, 1975:411-417.
- [8] STONE R C. A Comparison of Digital Centering Algorithms
   [J]. Astronomical Journal, 1989, 97(4):1227-1237.
- [9] STONE R C. Positions for the Outer Planets and Many of Their Satellites. IV. FASTT Observations Taken in 1999-2000
   [J]. Astronomical Journal, 2000, 122(5):2124-2130.
- [10] JI Kaifan, SONG Qian, CAO Wenda. The One-dimention Centering Algorithms of CCD Image [J]. Publications of the Yunnan Observatory, 1996 (4):69-74. (季凯帆,宋 谦,曹文达. CCD 图像的一维定心方法[J]. 云南天文台台 刊, 1996(4):69-74.)

- [11] STONE R C. Positions for the Outer Planets and Many of Their Satellites. V. FASTT Observations Taken in 2000-2001 [J]. Astronomical Journal, 2001, 122(5):2723-2333.
- [12] JI Kaifan, WANG Feng. Two-dimensional Modified Moment Centering Algorithm in CCD Images [J]. Acta Astronomica Sinica, 1996, 37(1):85-90. (季凯帆,王锋. CCD 图像的二维修正矩定心方法[J]. 天文学报,1996, 37(1):85-90.)
- [13] PENG Q Y. Image-processing Techniques in Precisely Measuring Positions of Saturn and Its Satellites [J]. Science in China Series G: Physics, Mechanics and Astronoy, 2003, 46(4):362-370.
- [14] LI Zhan, PENG Qingyu, HAN Guoqiang. Comparison of Digital Centering Algorithms Based on CCD Images [J]. Acta Astronomica Sinica, 2009, 50(3):340-348. (李展, 彭青玉,韩国强. CCD 图像数字定心算法的比较[J]. 天文 学报,2009,50(3):340-348.)
- [15] PONZ J D, THOMPSON RW. The FITS Image Extension[J]. Astronomy and Astrophysics, 1994, 105(Sup):53-55.
- [16] COTTON J D, TODY D B. Binary Table Extension to FITS [J]. Astronomy and Astrophysics, 1995, 113 (Sup):159-166.
- [17] JI Kaifan, CAO Wenda, SONG Qian. FITS BMP and SCR Image Formats and the Transformations [J]. Publications of the Yunnan Observatory, 1996 (2):60-64. (季 凯帆,曹文达,宋谦. FITS, BMP 和 SCR 图像格式及相 互转换[J]. 云南天文台台刊,1996 (2):60-64.)
- [18] WU S Y, LONG X W, YANG K Y. Accurate Calculation and MATLAB Based Fast Realization of Merit Function's Hesse Matrix for the Design of Multilayer Optical Coating [J]. Optoelectronics Letters, 2009, 5(5):359-363.
- [19] PENG Huafeng, CHEN Jing, ZHANG Bin. Luminant Characteristic of Space Target in Space-based Opto-electronic Telescope [J]. Opto-Electronic Engineering, 2006, 33(12): 10-13. (彭华峰,陈鲸,张彬. 空间目标在天基光电望远镜 中的光度特征研究[J]. 光电工程,2006,33(12):10-13.)
- [20] RORK E W, LIN S S, YAKUTIS A J. Ground-based Electro-optical Detection of Artificial Satellites in Daylight from Reflected Sunlight [R]. Lexington: Air Force Research Laboratory, 1982.

(责任编辑:宋启凡)

收稿日期: 2010-04-26

**修回日期**: 2011-03-03

第一作者简介:郭金运(1969—),男,博士,教授,博士生 导师,主要进行空间大地测量、天文地球动力学和海洋测 绘等研究。

First author: GUO Jinyun(1969—), male, PhD, professor, PhD supervisor, majors in space geodesy, astro-geodynamics and marine geodesy.

E-mail:jinyunguo1@126.com