文章编号:1001-1595(2010) 06056606

基于热传导模型的像素级遥感图像融合

许君一^{1,2,3}, 卢秀山^{1,3}, 卿熙宏^{1,4}, 姚继锋¹

山东科技大学 测绘科学与工程学院,山东 青岛 266510; 2. 山东省 3S 工程技术研究中心,山东 青岛 266510; 3. 海岛(礁)测绘技术国家测绘局重点试验室,山东 青岛 266510; 4. 山东科技大学 资产处,山东 青岛 266510

Pixel-level Remote Sensing Images Fusion Based on Heat Conduction Model XU Junyi^{1,2,3}, LU Xiushan^{1,3}, QING Xihong³, YAO Jifeng¹

1. College of Geomatics, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 2. "3S" Research Center of Engineering and Technology, Qingdao 266510, China; 3. Key Laboratory of Surveying and Mapping Technology on Island and Reef, State Bureau of Surveying and Mapping, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandong University of Science and Technology, Qingdao 266510, China; 4. Assets Division, Shandon

Abstract: A novel pixel level remote sensing image fusion based on heat conduction equation is proposed. The main contributions are as follows: ① the diffusion relationship between the high resolution image and the low resolution image are obtained in the space domain, where Brovey transform (BT) is one of its special cases; ② a unified expression of pixel level image fusion and image enhancement is obtained, and a brightness balanced based image fusion is obtained by using the expression; ③ the disadvantage that the standard variance based image fusion method will result in the loss of high spatial resolution panchromatic image information, for smaller variance of low resolution multispectral images is pointed out. Experimental results show that this approach does not lose the image spatial resolution and outperforms the existing method.

Key words : image fusion; remote sensing; HSI; multispectral image; heat conduction equation

摘 要:通过热传导方程给出一种像素级遥感图像融合模型和方法:① 给出空间域内高分辨率图像与低分辨率图像之间的扩散关系,作为特例得到 Brovey 变换(brovey transform, BT);②给出图像融合与增强的统一表达式并得到基于亮度平衡的融合方法;③低分辨率多光谱图像的方差较小情形,指出基于方差的标准图像融合方法将会丢失高空间分辨率全色图像信息。试验表明,除了图像量化误差以外,所提议的方法不会丢失已知图像的空间分辨率和波谱信息。 关键词:图像融合;遥感;HSI;多光谱图像;热传导方程

中图分类号: P237 文献标识码: A 基金项目: 国家自然科学基金(30700107)

1 引 言

遥感图像处理中,高空间分辨率全色图像与 低空间分辨率多光谱图像的融合技术一直是其研 究重点之一。像素级融合方法大体上可分为颜色 模型法(HSI、HSB、HSV等)、变换域法(离散小 波变换 DWT、主分量法 PCA等)、参数估计 法^[1]。颜色模型法中,HSI 变换因其亮度空间与 彩色空间的正交性而受到重视。参数估计法中, Bayes 法也有比较满意的结果^[2]。文献[2]通过 引入多个观测模型,增强了待估计图像各个主成 分的空间分辨率,并获得了线性最小均方误差意 义上的高分辨率多光谱图像 Bayes 估计。变换域 融合方法中最常见的 DWT 法以适当损失空间分 辨率为优价较好地保留了波谱信息^[34]。也有作 者通过 DCT 变换进行图像融合^[5]。有一些作者 从波谱保持性角度研究多光谱遥感图像融合问 题^[6]。从应用角度分析,各种图像融合方法各具 特点^[7]。方法研究方面,人们不断探索新的图像 融合方法使其更具有普遍性和更好的效果。如, 偏微分方程理论正逐渐受到重视^[89]。

现代图像处理中,非线性扩散方程在图像的 复原、边缘检测、分割及去噪等问题中有着重要的 应用^[79]。自从 1987 年 Malik 和 Perona 把非线 性传播(扩散) 方程引入到图像处理后,人们大量 研究了具有对比度不变性、仿射不变性的非线性 扩散方程^[78]。D. A. Socolinsky 在他的博士论 文中通过偏微分方程研究了图像融合问题^[10]。 D. A. Socolinsky 的研究为图像融合问题提供了

辨率为代价较好地保留了波谱信息^[34]。也有作 新的思路和方法^[11-12] ① 1994-2011 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net 热传导方程在研究许多扩散问题时起到借鉴 作用。用热传导方程来描述图像的多尺度空间分 辨率和图像的复原问题已经有丰富的成果^[67]。 笔者通过扩散原理和偏微分方程理论研究了低空 间分辨率多光谱波段图像与高空间分辨率全色波 段图像的融合问题。试验表明,新方法的理论结 果是稳定和正确的。

2 基于扩散模型的多光谱和全色波段 图像融合

热扩散过程与图像的多尺度分辨率之间有许 多相似或相同之处。下面通过热扩散原理建立多 光谱和全色波段图像融合的热传导模型及算法。

2.1 热传导扩散模型

设高空间分辨率多光谱图像在 0 ≤t ≤T 内 发生扩散且满足热传导方程。多光谱图像的多尺 度热传导方程与一般热传导方程约束条件有所不 同的是,模型中增加了终止条件。为了融合后的 图像亮度与多光谱图像亮度保持一致,给出了均 值约束条件。作为可选项,给出了表示图像细节 反差的方差约束作为候选条件。根据以上假设, 多尺度图像热传导方程模型为

$$\frac{\partial u_k}{\partial t} + a_k^2 \sum_{i=1}^3 \frac{\partial^2 u_k}{\partial x_i^2} = f_k(\mathbf{x}, t)$$

$$u_k(\mathbf{x}, 0) = -\varphi_k(\mathbf{x}), u_k(\mathbf{x}, T) = -\varphi_k(\mathbf{x})$$

$$E\{-\varphi_4\} = E\{-\varphi_4\} \text{ or } D(-\varphi_4) = D(-\varphi)$$

$$k = -1, 2, 3, 4$$
(1)

其中, k= 1, 2, 3, 4 分别代表 R、G、B 三个波段及 图像亮度; $\P(x)$ 表示高空间分辨率全色图像。作 为扩散条件, 初始图像 $\P_k(x)$ 表示高分辨率图像 (若无特别声明以下分辨率均指空间分辨率); 终 止图像 $\Phi_k(x)$ 表示低分辨率图像; $u_k(x, t)$ 为 t 尺 度图像; E(*)表示图像平均值; D(*)表示图像 方差。假定 $\Phi_k(x)$ 是 $\P_k(x)$ 经过 T 时间尺度扩散 的结果。所以, $\P_k(x)$ 的分辨率高于 $\Phi_k(x)$ 。对于 多光谱 k= 1, 2, 3 情况, 式(1)构成求解初始条件 $\P_k(x)$ 和热源函数 $f_k(x, t)$ 的反问题。理论上, 式(1)的求解是困难的。

图像亮度一般是各个波段灰度的平均值

$$u_{4}(\boldsymbol{x},t) = \frac{u_{1}(\boldsymbol{x},t) + u_{2}(\boldsymbol{x},t) + u_{3}(\boldsymbol{x},t)}{3} \quad (2)$$

所以,多光谱图像亮度 $u_4(x, t)$ 在也满足式(1)的 形式,或(1)的 Fourier 变换为($\xi = (\xi, \xi, \xi)^T$), $\frac{\partial \hat{u}_{k}}{\partial t} + a_{k}^{2} \hat{u}_{k} ||\xi||^{2} = f_{k}(\xi t)$ $\hat{u}_{k}(\xi 0) = \Psi_{k}(\xi), \, \hat{u}_{k}(\xi T) = \Psi_{k}(\xi)$ $E\{\Psi_{4}\} = E\{\Psi_{4}\} \text{ or } D(\Psi_{4}) = D(\Psi)$ $||\xi||^{2} = \sum_{i=1}^{3} \xi^{2}, \, k = 1, 2, 3, 4$ $\hat{x} \text{fm} \vec{x}(3) \text{ff}(k = 1, 2, 3, 4)$ $\hat{u}_{k}(\xi t) = \Psi_{k}(\xi) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2}t} + \int_{0}^{f} f_{k}(\xi T) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2}(t-T)} dT$ $\vec{x}(3) \text{ pm} \vec{x} \vec{m} \text{E} \text{A} \text{ff} \, \hat{u}_{k}(\xi T) = \Psi_{k}(\xi), \, \text{ID}$ $\Psi_{k}(\xi) - \Psi_{k}(\xi) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2}T} = \int_{0}^{T} f_{k}(\xi T) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2}(t-T)} dT$ $\text{mbin } e^{a_{k}^{2} ||\xi||^{2}(T-T)} \text{ff}$ $\Phi_{k}(\xi) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2}T} e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2}t} - \Psi_{k}(\xi) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2}t} = \int_{0}^{T} f_{k}(\xi T) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2}t}$ $\Rightarrow \chi(T) \text{ bf} \text{ff} \text{IE} \text{B} \text{B}$ (3)

$$X(\tau) = \begin{cases} 1, & \tau \in [0, T] \\ 0, & \tau \notin [0, T] \end{cases}$$

则

$$\Psi_{k}(\xi) e^{a_{k}^{2} ||\xi||^{2} T} e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2} t} - \Psi_{k}(\xi) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2} t} =$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} X(T) f_{k}(\xi,T) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2} (t-T)} dT$$

做关于 t 的 Fourier 变换得 $\Phi_k(\xi)e^{a_k^2 ||\xi||^2 T} (e^{-a_k^2 ||\xi||^2 t})^{(\omega)} - \Phi_k(\xi)(e^{-a_k^2 ||\xi||^2 t})^{(\omega)} = (X(t)f_k(\xi t))^{(\omega)}(e^{-a_k^2 ||\xi||^2 t})^{(\omega)}$ 即

 $\mathfrak{P}_{k}(\xi) e^{a_{k}^{2} ||\xi||^{2} T} - \mathfrak{P}_{k}(\xi) = (X(t) f_{k}(\xi, t))^{(\omega)}$ 做逆 Fourier 变换并求函数 $f_{k}(\xi, t)$ 得

 $f_k(\xi t) = (\Phi_k(\xi)e^{a_k^2 ||\xi||^2 T} - \Psi_k(\xi)) \delta(t)$ 其中, $\delta(t)$ 为 Dirac 函数, $t \in [0, T]$ 。把上式代入 下式

$$\Psi_{k}(\xi) = e^{a_{k}^{2} ||\xi||^{2} t} (\hat{u}_{k}(\xi t) - \int_{0}^{t} f_{k}(\xi T) e^{-a_{k}^{2} ||\xi||^{2} (t-T)} dT)$$

得

$$\Phi_{k}(\xi)e^{-a_{k}^{2}||\xi||^{2}t} = \hat{u}_{k}(\xi t) - \Phi_{k}(\xi)e^{a_{k}^{2}||\xi||^{2}(T-t)} + \Phi_{k}(\xi)e^{-a_{k}^{2}||\xi||^{2}t}$$

整理和考虑 t= 0 情况, 得

$$\begin{array}{l}
\hat{u}_{k}(\xi,t) = \psi_{k}(\xi)e^{a_{k}^{2} ||\xi||^{2}(T-t)} \\
\Psi_{k}(\xi) = \psi_{k}(\xi)e^{a_{k}^{2} ||\xi||^{2}T}
\end{array}$$
(4)

 2.2 多光谱与全色波段图像融合 根据式(4).有

 $\frac{q_k^2}{\Phi_k(\xi)} = e^{\|\xi\|^2 T} = \frac{q_4^2}{\Phi_4(\xi)}, k = 1, 2, 3$

即

568

$$|\Psi_{k}(\xi)| = \left|\frac{\Psi_{4}(\xi)}{\Psi_{4}(\xi)}\right|^{\left(\frac{w_{k}}{a_{4}}\right)^{2}} |\Psi_{k}(\xi)|, k=1, 2, 3 \quad (5)$$

复数模|*|代表了图像的能量。如果把像素值作 为该点的能量,复数模|*|代表了构成该像素的 更小尺度图像的能量。如图1所示,数字图像的 获得可看成如下过程:大图像是由子图像拼接得 到的。



图 1 大图像由子图像拼接得到

Fig. 1 Sub image to be large mosaic image

把子图像缩减成一个光栅点构成新的数字 图像

$$\Psi_{\mathbb{B}^{\otimes}}(\boldsymbol{x}) = | \Psi_{\mathbb{B}^{\otimes}(\boldsymbol{x})}(\boldsymbol{\xi}) | \qquad (6)$$

根据式(6),式(5)表示低分辨率多光谱子图像、高 分辨率全色子图像及高分辨率多光谱子图像之间 的能量关系。这种能量关系,对大的图像来说就 是像素值之间的关系。通过式(5)、式(6),从子图 像频率域转换到大图像空间域

$$\Psi_k(\boldsymbol{x}) = \left(\frac{\Psi_4(\boldsymbol{x})}{\Psi_4(\boldsymbol{x})}\right)^{\left(\frac{\Psi_k}{a_4}\right)^2} \Psi_k(\boldsymbol{x}), \ k=1, \ 2, \ 3 \quad (7)$$

根据式(7),可通过全色图像 Φ 和低分辨率多光 谱图像获得高分辨率的多光谱图像(Φ, Φ, Φ, Φ)。 理想情况下,高分辨率多光谱图像的亮度 Φ 和高 分辨率全色图像 Φ完全一致。但从信息获取角度 看, Φ 和 Φ 的区别是 Φ 为已知量, Φ 为未知量。 用已知的 Φ代替未知的 Φ 得到

$$\Psi_{k}(\boldsymbol{x}) = \left(\frac{\Psi(\boldsymbol{x})}{\Psi_{4}(\boldsymbol{x})}\right)^{\left(\frac{a_{k}}{a_{4}}\right)^{2}} \Psi_{k}(\boldsymbol{x}), \ k = 1, \ 2, \ 3$$
(8)

若假定 $a^{k} = a(k=1, 2, 3), t \in [0, T]$,根据式(2), 自然 有 $a_{4} = a_{0}$ 此时直接得到 Brovey 变换 (Brovey transform, BT)^[13]。在热扩散过程中其 总能量守恒。所以,扩散过程中可以认定多光谱 图像的各个波段平均亮度不变, $E\{\Phi_{k}\} = E\{\Phi_{k}\}(k$ = 1, 2, 3)。但是,遥感图像中常见情况是低分辨 率的多光谱图像的亮度与全色图像的亮度不一

$$\Psi_{k}(\boldsymbol{x}) = \Psi_{k}(\boldsymbol{x}) \left(\frac{\Psi(\boldsymbol{x})}{\Psi_{4}(\boldsymbol{x})}\right)^{\left(\frac{q_{k}}{a_{4}}\right)^{2}} \frac{E\{\Psi_{4}(\boldsymbol{x})\}}{E\{\Psi(\boldsymbol{x})\}} \quad (9)$$

其中, k= 1, 2, 3。式(11)将使得到的高分辨率多 光谱图像与低分辨率多光谱图像的亮度保持一 致。当 $a_k = a(k=1, 2, 3), t \in [0, T]$ 时, 由式(9) 进一步得

$$\Psi_{4} = \frac{E\left(\varphi_{4}\left(\boldsymbol{x}\right)\right)}{E\left(\varphi(\boldsymbol{x})\right)}\left(\varphi(\boldsymbol{x}) - E\{\varphi(\boldsymbol{x})\} + E\{\varphi_{4}(\boldsymbol{x})\}\right)$$
(10)

经过式(10)给出的高分辨率多光谱图像的亮度方 差为(用 D(*)表示方差)

$$D(\Psi_4(\boldsymbol{x})) = \left(\frac{E\{ \Psi_4(\boldsymbol{x}) \}}{E\{ \Psi(\boldsymbol{x}) \}} \right)^2 D(\Psi(\boldsymbol{x})) \quad (11)$$

同理,通过式(8)也能得到常用的标准图像融合 算法

$$I_{\text{Std}} = \frac{D(\Psi_4(\boldsymbol{x}))}{D(\Psi(\boldsymbol{x}))} (\Psi(\boldsymbol{x}) - E\{\Psi(\boldsymbol{x})\} + E\{\Psi_4(\boldsymbol{x})\}$$
(12)

值得注意的是,式(12)的方差 $D(I_{std}) = D(\Phi_4)$ 而 不是 $D(I_{std}) = D(\Phi)$ 。所以,式(12)的分辨率不 能很好地代表高分辨率图像的分辨率。另外,当 $D(\Phi_4) \approx 0$ 时出现 $D(I_{std}) \approx 0$,即得到亮度为 $E\{\Phi_4(\mathbf{x})\}$ 的无图像细节的同一色图像。这与事 实是不符合的。实际上,多光谱图像方差为0未 必全色图像没有细节。在数字图像中均值为0的 图像方差一定为0,但反过来未必成立。从这个 角度,式(7)~式(9)和式(9)~式(10)更具有普遍 意义。从实际应用角度,式(12)也不是完全不可 用。当低分辨率光谱图像亮度方差 $D(\Phi_4)$ 比较大 时,式(12)的效果不仅很好而且表现出对波谱信 息的高分辨率特性。所以,更为实际的方案是要 依据所获得的图像和应用要求决定采用哪一个。

3 试验与分析

以下试验原始影像均为 256×256 的低分辨 率多光谱图像和高分辨率全色图像。试验中,除 了特别指出参数

$$\lambda = \left(\frac{a_k}{a_4}\right)^2$$

以外, 都默认为 $\lambda = 1(k=1, 2, 3)$ 。称参数 λ 为 反扩散系数。

试验1 图2为原始影像。图3(a)、(b)通过 式(8)、式(9)得到。目视效果上,图3(a)亮度与 图2(b)一致,图3(b)亮度与图2(a)一致。这一

致 因此, 对式 (8) 进行如下调整 ournal Electronic Publishing House. All rights reserved. 12) 得到。细节

反差上, 图 4 不如图 3(b)。图 4 整体亮度相对较 低,在高亮度区可分辨部分细节。





- 低分辨率多光谱图像(a)和高分辨率全色图像(b) 图 2
- Fig. 2 The low-resolution multispectral images (a) and the high-resolution panchromatic image (b)





(a)

图 3 (a)、(b)分别为通过式(8)和式(9)得的结果

Fig. 3 (a) and (b) are obtained by method (8) and (9), respectively





- 图 4 根据式(12)得的结果 Fig. 4 The result obtained Fig. 5 The original image by method (12)
 - 图 5 原图像

试验 2 图 5、图 6 为原始影像。图 5 为高分 辨率多光谱图像。图 7(a) 直接通过式(9) 得到, 图7(b)通过亮度与彩色空间正交的HSI变换后, 对亮度分量用式(12)处理,然后进行HSI反变换 得到。表1为均方误差

$$\frac{1}{256 \times 256} \sum_{i,j=1}^{256,256} (s_{ij} - f usion_{i,j})^2$$

其中、(sij)为原始高分辨率多光谱图像、(f usioni,j) 为融合后的图像。图 8(a)、(b) 通过式(9) 得 到。其中反扩散系数 λ= 0.2, 1.8(k= 1, 2, 3)。



图 6 低分辨率多光谱图像和高分辨率全色图像 Fig. 6 The low resolution multispectral images (a) and the high resolution panchromatic image (b)



图 7 (a)、(b)分别为通过式(9)和式(12)得的结果 (a) and (b) are obtained by method (9) and Fig.7 (12), respectively



图 8 (a)、(b)经式(9) 得到, $\lambda_{t} = 0.2, 1.8(k=1, 2, 3)$ Fig. 8 (a) and (b) are obtained by method (9) using parameters $\lambda_k = 0, 2, 1, 8 \ (k = 1, 2, 3)$, respect ively

试验3 原始影像如图 9 所示。图 10(a), (b) 通过式(10),式(12)得到。图 10(b)没有能够 体现出高分辨率全色图像的信息。这与理论分析 一致。

© 1994-2011 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net





Fig. 9 The low-resolution multispectral images (a) and the high-resolution panchromatic image (b)



(a)

(b)

图 10 (a)、(b)分别为通过式(9)和式(12)得到的结果 Fig.10 (a) and (b) are obtained by method (9) and (12), respectively

表1	试验 2	的 RGB	波段均方	误差
----	------	-------	------	----

Tab. 1 The mean squared error of RGB band in second experiment

波段	R	G	В
新方法	0.026973	0.015 818	0.031043
均值融合	0.026973	0.015818	0.031043
标准融合	0.064615	0.052449	0.064 333

试验4 采用试验1的图像数据进行基于4 层小波分解的两种融合算法试验。

融合方法 1 ①对图 2(a) 进行 HSI 变换,获 得亮度分量 I; ②对 I 和图 2(b) 进行 4 层小波分 解,小波采用 db4(daubechies 4); ③在第 4 层,低 频取 I 的低频分量,高频取 I 和图 2(b) 相互对应 的高频分量中系数绝对值大的作为新的高频分 量,并把这些高低频分量作为图 2(b)的第 4 层小 波分解分量; ④对图 2(b)进行逐层小波重构,其 结果作为新多光谱图像的 HSI 亮度分量 I; ⑤进 行 HSI 反变换,得到图 11(a)。

融合方法 2 ①进行融合方法 1 中的过程① 和②, ② 在第 4 层, 通过 I 和图 2(b)的第 4 层低 通分量进行主成分分析(PCA)得到权值; ③ 对 I 和图 2(b)的第4 层分量进行加权求和,并把它作 为图 2(b)的第4 层分量;④ 对图 2(b)进行逐层 小波重构和HSI 反变换,得到图 11(b)。试验中, 对应全色和多光谱图像的权值分别为 0.376 72 和 0.623 28。



- 图 11 图像(a) 是试验 4 融合方法 1 的结果, 而图像 (b) 是融合方法 2 的结果
- Fig. 11 (a) and (b) are the results of fusion method 1 and 2 in experiment 4, respectively

试验1中,整体上亮度约束效果比方 分析 差好。在高亮度区域、由于低分辨率多光谱图像 高亮度区的过高亮度和融合图像的量化截断,导 致图 3(b) 在高亮度区域难于分辨空间细节。基 于方差的融合图像图 4 在高亮度区体现了一定的 细节。试验2给出了融合图像和原始图像的差别 程度。目视效果图 7(a) 比图 7(b) 好一些, 但差别 不明显。表1数据表明,各波段的平均离散程度 都很小。由式(9)和式(10)得到图像的均方误差 完全一样。这也从另一个方面说明了亮度空间与 彩色空间正交的 HSI 变换的合理性。图 8(a)、 (b) 表明. 融合中扩散条件的不同而表现出图像 的逐渐增强。不同的参数代表了不同的扩散程 度,所以当加大逆扩散程度时表现出了使图像增 强的特点。试验 1~ 试验 3 表明了理论与试验的 一致性,同时指出了用亮度作为约束条件比用方 差作为约束条件更有效和合理。试验3直接指出 了方差约束在极端情形下的不合理性。试验4给 出了两种典型的小波融合试验。目视效果上. 图 11(a) 的波谱信息与图 2(a) 比较接近。在细节 上和清晰程度上,图 3(b)的空间分辨率明显好于 图 11(a)。虽然图 11(b)在细节保持性上有一定 的改进,但较多地丢失了波谱信息。所以,无论是 波谱信息保持性上还是空间分辨率上,图 11(b) 都不如图 3(b)。目前,小波融合算法的多数融合 策略是取多光谱的低频和全色波段的高频作为融

合策略,其目的是保持多光谱的波谱信息和全色 波段的高空间分辨率信息。研究表明,小波融合 算法中的分解层数不是越多或越少就越好。因 此,许多小波图像融合算法对空间分辨率和波谱 信息损失是不可避免的。如何使空间分辨率和波 谱信息的损失减少到最少是小波图像融合技术中 的一个核心问题。试验4的结果也说明了这个问 题。在空间分辨率和波谱信息损失中,不仅有目 视效果上可感觉得到的损失,也有感觉不到的损 失。这些损失是小波分解下的图像融合策略导致 的。这一点上,新方法具有空间分辨率和波谱信 息保持性上的优势。

4 结 论

笔者根据热传导方程得到了图像融合算法。 根据热传导方程,理论上得到了 BT 算法和融合 与增强统一描述的更一般的算法。试验表明,该 算法在波谱保持性和细节保持性上表现出比较好 的特性。分析和试验表明,标准图像融合算法在 方差比较小时丢失高分辨率全色图像信息。从多 光谱波谱信息上,除了调整波谱亮度以外,新方法 在不同波谱之间的相对比值关系没有发生变化。 所以,从波谱之间的比值角度来说,融合结果没有 发生波谱畸变。新方法适合应用于遥感图像目视 解译与分析。新方法不需要做 HSI 变换. 这将有 效减少计算量。相对于 Bayes 法, 新方法无需进 行迭代计算,也没有像 Bayes 法中出现的光谱信 息和空间细节信息等方面的预测或估计问题。新 方法是基于热扩散理论的方法,理论上是严格而 精确的算法、无须进行最优性估计。融合原理试 验结果表明、新方法在细节保持性上优于多层小 波分解方法。

新算法精度在于,不同分辨率的遥感图像融 合是否符合扩散原理。作为新方法特例的 BT 方 法文献和本文试验表明,多尺度意义上的扩散模 型满足热传导方程在内的扩散方程。所以,新方 法不仅具有一定的普适性,更具有进一步进行理 论发掘的潜力。多光谱融合图像的波谱真伪与低 分辨率的多光谱图像的扩散程度有直接关系。如 果扩散程度过大,其光谱不能代表高分辨率空间 位置的波谱信息。因此,在适当的波谱空间分辨 率下的融合才有实际意义。

根据以上分析和结论, 所提议的方法具有较

结果和思路,将进一步研究多焦距图像融合的扩 散模型和非线性融合模型。

参考文献:

- [1] ZHANG Yujin. Image Engineering [M]. 2nd ed. Beijing: T singh ua University Press, 2007: 315 343. (章毓晋. 图像 工程[M]. 2版. 北京:清华大学出版社, 2007: 315-343.)
- GE Zhirong, WANG Bin, ZHANG Liming. Remote Sen [2] sing Image Fusion Based on Bayesian Linear Estimation [J]. Science in China: Series F, Information Sciences, 2007, 50(2): 227-240. (葛志荣, 王斌, 张立明. 基于 Bayes 线性估计的遥感图像融合[J]. 中国科学: F 辑, 信 息科学, 2007, 37(4): 501-513.)
- [3] LIU Bin, PENG Jiaxiong. Fusion Method of Multi spectral Image and Panchromatic Image Based on Four Channels Nor-separable Additive Wavelets [J]. Chinese Journal of Computers, 2009, 32(2): 350-356. (刘斌, 彭嘉雄. 基于 四通道不可分加性小波的多光谱图像融合[1]. 计算机学 报, 2009, 32(2): 350 356.)
- [4] LIANG Dong, LI Yao, SHEN Min, et al. An Algorithm for Multifocus Image Fusion Using Wavelet Based Contourlet Transform [J]. Acta Electronica Sinica, 2007, 35(2): 320-322. (梁栋,李瑶,沈敏,等. 一种基于小波 Contourlet 变换的多聚焦图像融合算法[J]. 电子学报, 2007, 35(2): 320 322.)
- CHU Heng, WANG Ruyan, ZHU Weile. Remote Sensing [5] Image Fusion Algorithm in the DCT Domain[J]. ActaGe σ daetica et Cartographica Sinica, 2008, 37(1): 70-76. (楚 恒,王汝言,朱维乐.DCT 域遥感影像融合算法[J].测绘 学报, 2008, 37(1): 70 76.)
- WU Lianxi, LIANG Bo, LIU Xiaomei, et al. A Spectral [6] Preservation Fusion Technique for Remote Sensing Images [J]. Acta Geodaetica et Cartographica Sinica, 2005, 34 (2): 118-128. (吴连喜,梁波,刘晓梅,等,保持光谱信息 的遥感图像融合方法研究[J].测绘学报,2005,34(2): 118 128.)
- CHENG Yinglei, ZHAO Rongchun, LI Weihua. et al. [7] Overview of Methods of Data Fusion for Images Based on Pixel level[J]. Application Research of Computers, 2004, 4(5): 169 172. (程英蕾,赵荣椿,李卫华,等. 基于像素 级的图像融合方法研究[J]. 计算机应用研究, 2004, 4 (5): 169 172.)
- SAPIRO G. Geometric Partial Differential Equations and [8] Image Analysis [M]. Cambridge: Cambridge University Press, 2001: 260 340.
- [9] MAITRE H. Le Traitement des Images [M]. Translated by SUN Hong. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 2006: 156 173. (MAIT RE H. 现代数字图像处 理[M]. 孙红,译. 北京:电子工业出版社, 2006: 156 173.)

(下转第578页)

571

强的理论意义和较好的实际意义。根据本文研究 Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net Polytechnical University, 2002. (夏建涛. 基于机器学习的高 维多光谱数据分类[D]. 西安:西北工业大学, 2002.)

- [3] VAPNIK V N. The Nature of Statistical Learning Theory[M]. New York: Springer, 1995.
- [4] SHAWE-TSYLOR J, CRISTIANINI N. Kernel Methods for Pattern Analysis[M]. London: Cambridge University Press, 2004: 47 82.
- [5] BISHOP C M, TIPPING M E. Variational Relevance Vector Machines[C] // Proceedings of the 16th Conference on Uncertainty in Artificial Intelligence. San Francisco: Morgan Kaufmann, 2000: 46 53.
- [6] TIPPING M E, FAUL A. Fast Marginal Likelihood Maximizar tion for Sparse Bayesian Models [C] # Proceedings of Ninth International Workshop on Artificial Intelligence and Statistics. Key West: [s.n.], 2003.
- [7] THAYANANTHAN A. Template-based Pose Estimation and Tracking of 3D Hand Motion[D]. Cambridge: University of Cambridge, 2005.
- [8] SILVA C, RIBEIRO B. Scaling Text Classification with Relevance Vector Machines[C] # IEEE International Conference on Systems, Man and Cybernetics. Taipei: IEEE, 2006: 4186-4191.
- [9] DEMIR B, ERTURK S. Hyperspectral Image Classification Using Relevance Vector Machines [J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2007, 4(4): 586 590.
- [10] NIKOLAEV N, TINO P. Sequential Relevance Vector Machine Learning from Time Series [C] // Proceedings of

2005 IEEE International Joint Conference on Neural Networks. [S.l.]: IEEE, 2005: 1308 1313.

- [11] TIPPING M E. Sparse Bayesian Learning and the Relevance Vector Machine [J]. Journal of Machine Learning Research, 2001,1: 211-244.
- [12] BISHOP C M. Pattern Recognition and Machine Learning[M]. Singapore: Springer, 2007.
- [13] MACKAY D J C. The Evidence Framework Applied to Classification Networks[J]. Neural Computation, 1992, 4(5): 720 736.
- [14] THAYANANTHAN A. Relevance Vector Machine Based Mixture of Experts[R]. Cambridge: Department of Engineering, University of Cambridge, 2005.
- [15] FRANC V, HLAVAC V. Statistical Pattern Recognition Toolbox for Matlab User's Guide [DB/OL]. [2004]. http://cmp.felk.cvut.cz/cmp/cmp software.html.

(责任编辑:丛树平)

收稿日期: 2009 07 17 修回日期: 2009 09 17

第一作者简介:杨国鹏(1982-),男,博士生,主要从事模 式识别、高光谱遥感。

First author: YANG Guopeng(1982-), male, PhD candidate, majors in pattern reorganization and hyperspectral imagery remote sensing.

E mail : yangguopeng@ hotmail. com

(上接第571页)

- [10] SOCOLINSKY D A. A Variational Aproach to Image Fusion[D]. Baltimore: Johns Hopkins University, 2000.
- [11] SOCOLINSKY D.A. Dynamic Range Constraints in Image Fusion and Visualization [C] // Proceedings of Signal and Image Processing 2000. Las Vegas: [s. n.], 2000: 349-354.
- [12] SOCOLINSKY D A, WOLFF L B. A New Visualization Paradigm for Multispectral Imagery and Data Fusion[C] # Proceedings of the IEEE Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition: Vol 1. Fort Collins: IEEE, 1999: 319-324.
- [13] POHL C. Tools and Methods for Fusion of Images of Different Spatial Resolution [C] // International Archives of Photogrammetry and Remote Sensing: Vol 32.

Valladolid: [s. n.], 1999: 76-82.

(责任编辑:丛树平)

收稿日期: 2009-08-01

修回日期: 2009-09-28

第一作者简介: 许君一(1960一), 男, 博士, 教授, 主要研 究方向为图像处理、模式识别、数字水印、数字摄影测量 和海洋测绘。

First author: XU Junyi (1960—), male, PhD, professor, majors in the image processing, pattern recognition, digital watermarking, digital photogrametry and marine charting.

E mail : xjyxxl@yahoo.com.cn